

Prof. Dr. Alfred Toth

Topologische Abschlüsse als Mitrealität

1. Bekanntlich gelten wegen der qualitativen Inklusionsrelationen innerhalb der Semiotik sowohl für triadische Relationen

$$(1.y) \subset (2.y) \subset (3.y)$$

als auch für trichotomische Relationen

$$(x.1) \subset (x.2) \subset (x.3)$$

die hypersummativen Relationen

$$(3.y) > (1.y) + (2.y)$$

$$(x.3) > (x.1) + (x.2)$$

(vgl. Toth 2015a).

2. Nun gilt allerdings vermöge der in Toth (2015b) aufgezeigten Isomorphie zwischen Zeichen und Systemen für die triadische Systemrelation $S^* = [S, U, E]$ ebenfalls

$$S + U < E,$$

und da in Toth (2015c) nachgewiesen wurde, daß S der ontologischen Kategorie der Eigenrealität, U der ontologischen Kategorie der Außenrealität und E der ontologischen Kategorie der Mitrealität entspricht (vgl. Bense 1969, S. 31), kann man die Funktion topologischer Abschlüsse als die Erzeugung von Mitrealität als "Seinsvermehrung im Sinne der Thematisierung einer Realitätserweiterung" (Bense 1992, S. 16) bestimmen. Diese Realitätserweiterung betrifft im Falle von $S^* = [S, U, E]$ die Einbettung der dyadischen Subrelation $[S, U]$ in einen E -Kontext, genauso wie sie im Falle von $Z = [M, O, I]$ die Einbettung der Bezeichnungsrelation $[M, O]$ in eine Bedeutungsrelation betrifft. Topologische Abschlüsse sind daher redundanz erzeugend, d.h. sie vermindern die in den Teilrelationen $[S, U]$ bzw. $[M, O]$ enthaltene Information, aber sie wirken gleichzeitig informationserhöhend, da erst sie die hypersummativen Relation zwischen diesen Teilrelationen erzeugen.

3. Im Falle des von Birkhoff durch

$$M_{\bar{A}} = O/C$$

definierten "ästhetischen Zustandes" (vgl. Bense 1969, S. 44) werden also Redundanz vermöge Ordnung und Information vermöge Komplexität miteinander in Beziehung gesetzt, d.h. für den sog. Birkhoff-Quotienten gilt

$$M_{\bar{A}} = O/C = (E/[S, U])$$

im ontischen

und

$$M_{\bar{A}} = O/C = (E/[M, O])$$

im semiotischen Falle.

Literatur

Bense, Max, Einführung in die informationstheoretische Ästhetik. Reinbek 1969

Bense, Max, Die Eigenrealität der Zeichen. Baden-Baden 1992

Toth, Alfred, Semiotische Hypo- und Hypersummativität. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015a

Toth, Alfred, Vorthetische Systemrelation. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015b

Toth, Alfred, Eigenrealität, Außenrealität, Mitrealität. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015c

16.5.2015